



TENSEGRIDADE

UN DESAFÍO Ó EQUILIBRIO



*Alicia Pedreira Mengotti
Covadonga Rodríguez-Moldes*



Miguel de Guzmán



Artículos

Tensegridad. De la escultura a la célula

Tensegrity. From the Sculpture to the Cell

■ Miguel de Guzmán

Resumen

Las configuraciones espaciales conocidas como "estructuras de tensegridad" aparecieron hace más de 50 años en las esculturas de Kenneth Snelson. Sus propiedades matemáticas son interesantes desde diferentes puntos de vista y presentan un buen número de problemas aún sin resolver. Sus aplicaciones al diseño en arquitectura e ingeniería parecen ser muy amplias. Investigaciones recientes sobre la estructura del citoesqueleto y otros campos biológicos y médicos sugieren que tales estructuras pueden constituir una pista importante para explicar la arquitectura de la vida. El artículo que sigue resume algunos aspectos de este campo aparentemente tan fértil.



De: miguel_guzman@mat.ucm.es

Enviado: miércoles, 10 de marzo de 2004 15:26

Para: covadonga

Asunto: Re: Sobre tensegridad desde Galicia.....

Yo también hago muchos modelos que me ayudan para desentrañar las matemáticas que hay en ellos. Incluyo uno del cuboctaedro en este mensaje. También llevaré algunos a la conferencia.

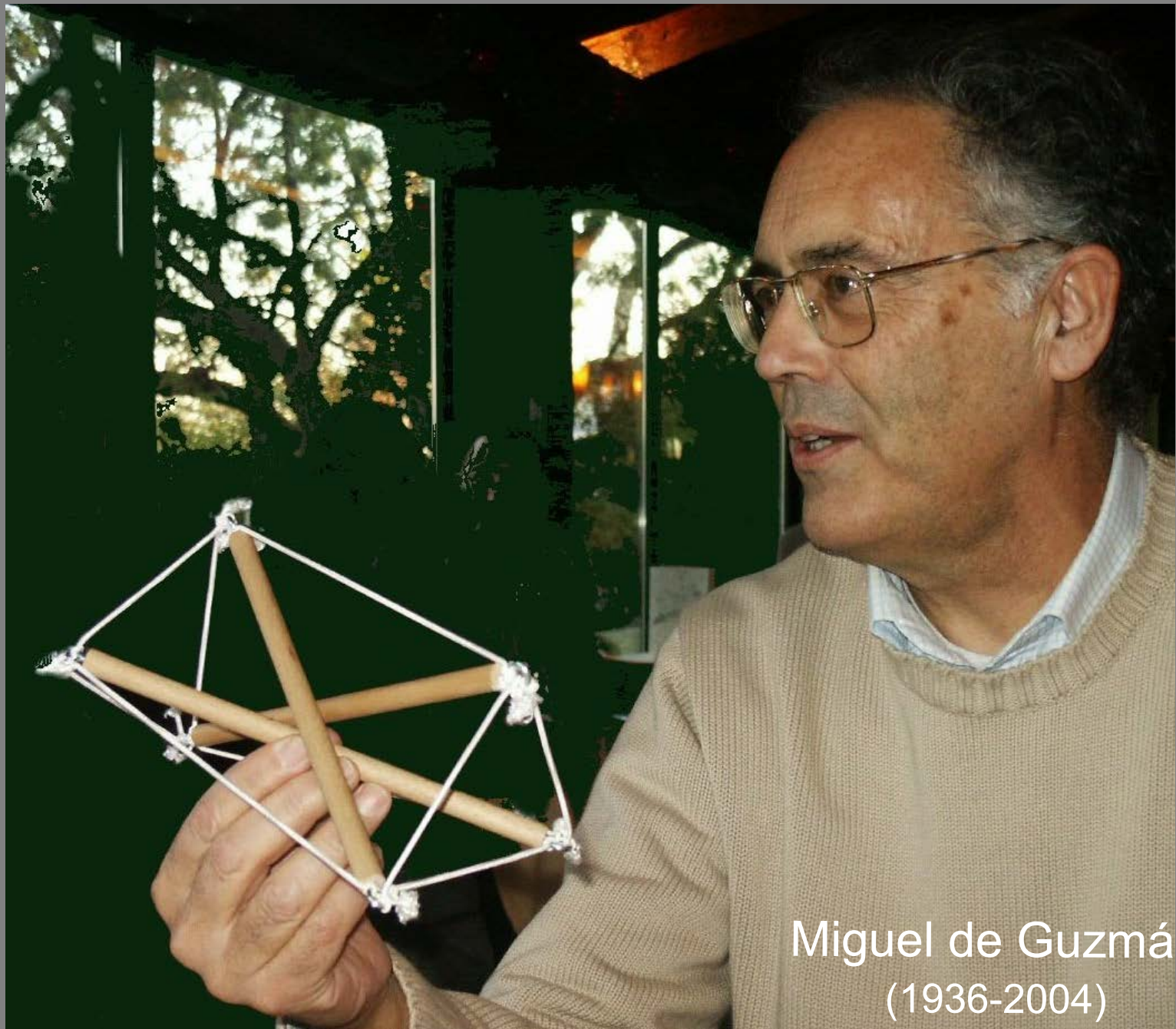
Tal vez os interese entrar en el foro sobre tensegridad que hemos abierto unos pocos forofos del tema recientemente. Vuestras aportaciones serán bienvenidas.

Dirección: <http://tensegridad.mdeguzman.net>

Un saludo.

Miguel de Guzmán





Miguel de Guzmán
(1936-2004)



1. Tensegridade: orixe, definicións, aplicacións



Richard Buckminster Fuller

(1895-1983)



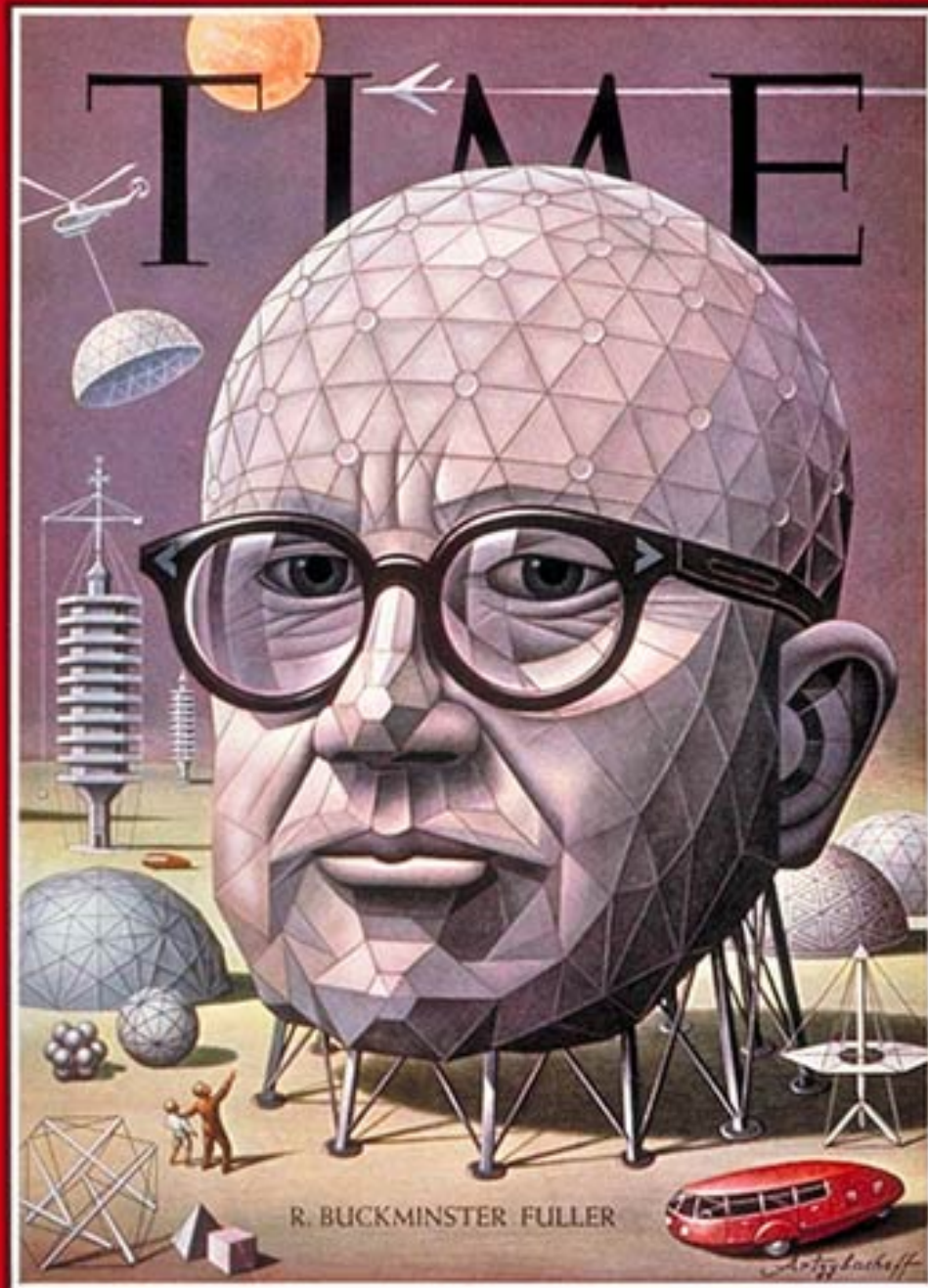


Cúpula da Biosfera, Expo 67 . Montreal (Canadá)



Dymaxion map





*tens*ional
int*egrity*

Black Mountain College, July 1949



Jeff Lindsey

Anne Fuller

Bucky Fuller

Ken Snelson

Don Richter



**Kenneth
Snelson**
(1927)



Easy Landing, 1977
Baltimore



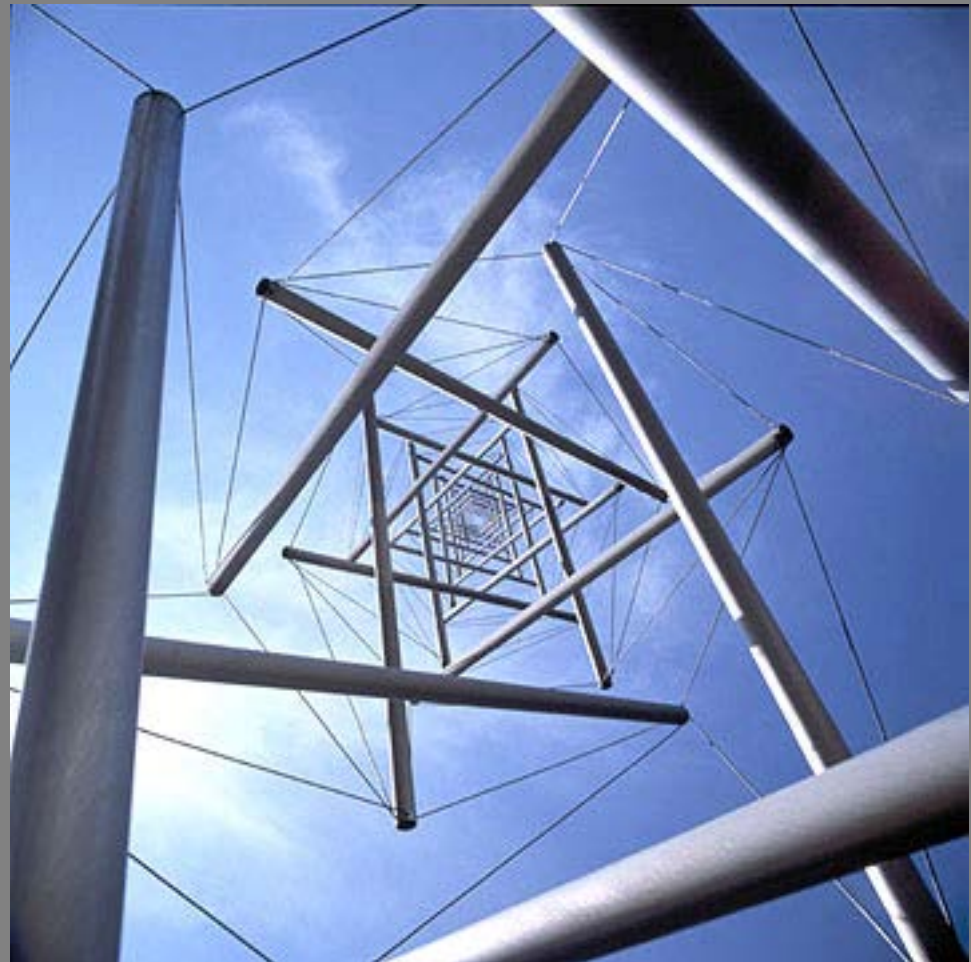
Avenue K, 1968
Hannover



Rainbow Arch, 2001
New York



Needle Tower, 1968
Sculpture Garden, Washington, D.C



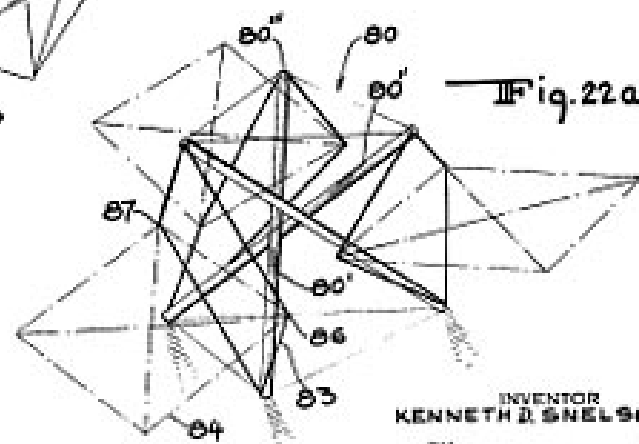
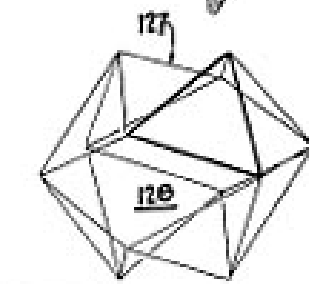
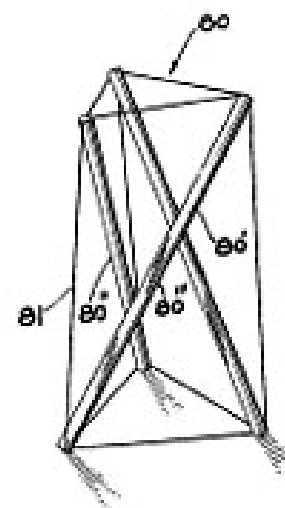
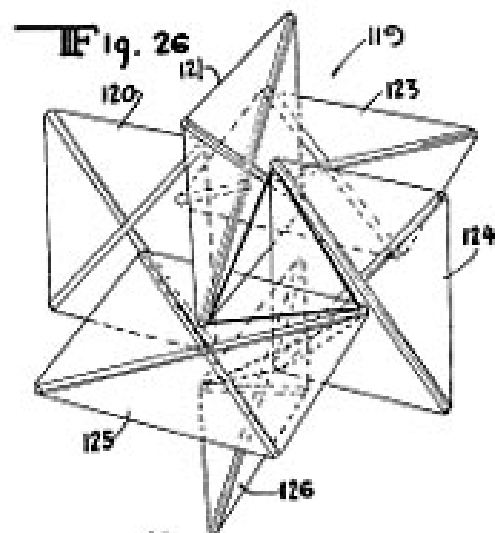


Coronation Day (1980)
Salamanca, ciudad de la escultura

CONTINUOUS TENSION, DISCONTINUOUS COMPRESSION STRUCTURES

Filed March 14, 1960

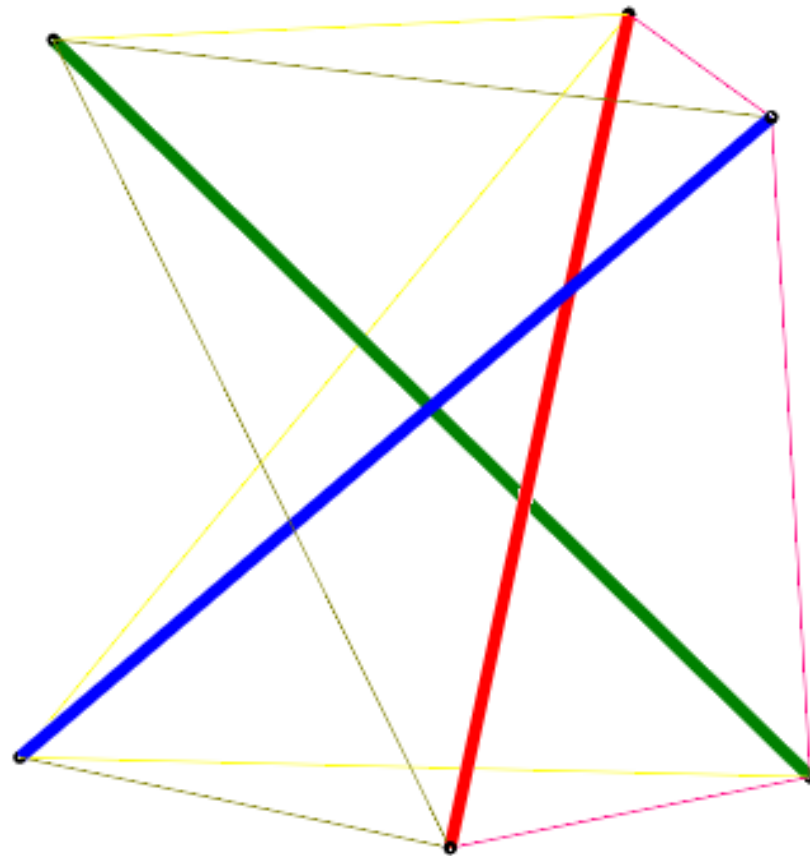
9 Sheets-Sheet 8

INVENTOR
KENNETH D. SNELSONBY
James Stanley W. Brown & Taylor
ATTORNEYS



0 1 2 3 4

ELEMENTO SIMPLE DE TENSEGRIDAD: El prisma triangular oblicuo





ESTRUCTURAS DE TENSEGRIDADE

(Fuller)

Illas de compresión nun océano de tensión

(Snelson)

Elementos extendidos, separados uns doutros, en tensión ou en compresión formando un enreixado no que os elementos en compresión permanecen separados entre eles e os elementos en tensión están conectados formando una rede en continua tensión.

(Anthony Pugh)

Conxunto de compoñentes en discontinua compresión interactuando cun conxunto de compoñentes en continua tensión para definir un volume estable no espacio.

(René Motro)

Sistema estable, nun estado de equilibrio propio, formado por un conxunto discontinuo de compoñentes en compresión dentro dun conxunto continuo de compoñentes en tensión.



(Miguel de Guzmán)

Consideramos unha configuración xeométrica constituida por un número finito de puntos no espacio, non catro nun plano, e por uns cantos segmentos que unen estes puntos.

Esta configuración admite unha estrutura de tensegridade cando é posible asignar a cada punto da configuración, vectores en dirección de cada un dos segmentos da configuración que concurren nel de tal forma que:

- **a resultante dos vectores asignados a cada punto é nula**
- **para cada segmento da configuración a suma dos dous vectores asignados aos seus extremos é cero.**



Blur Building
EXPO.02
Yverdon les Bains (SUIZA)

Elisabeth Diller
Ricardo Scofidio



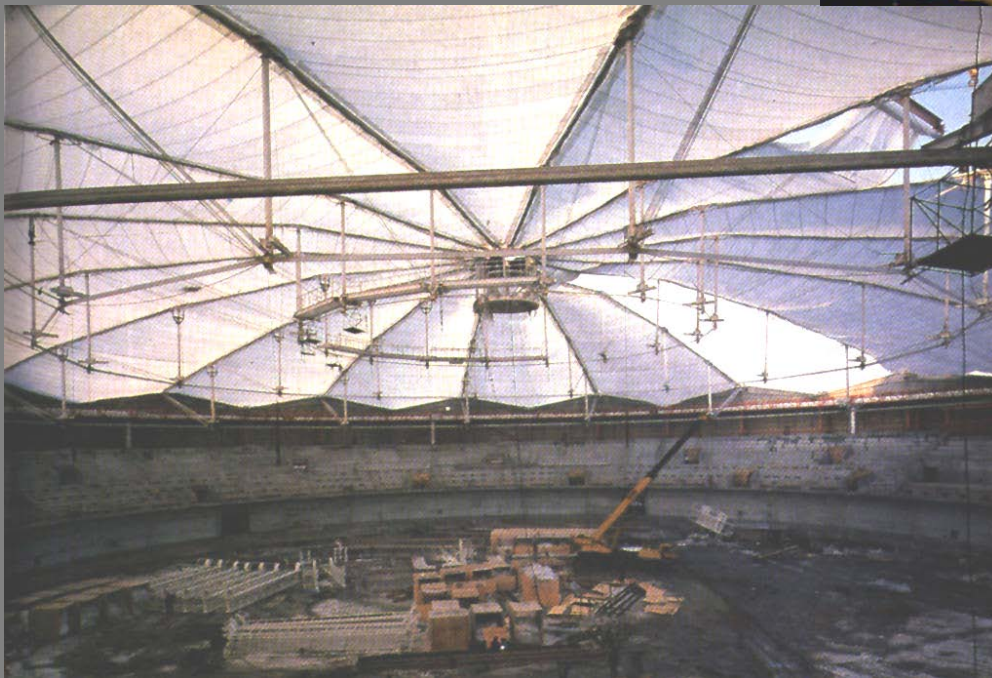


APLICACIONES





Georgia Dome (1992)
Atlanta



**Pavillón de esgrima
e ximnasia (1988)**
Seul



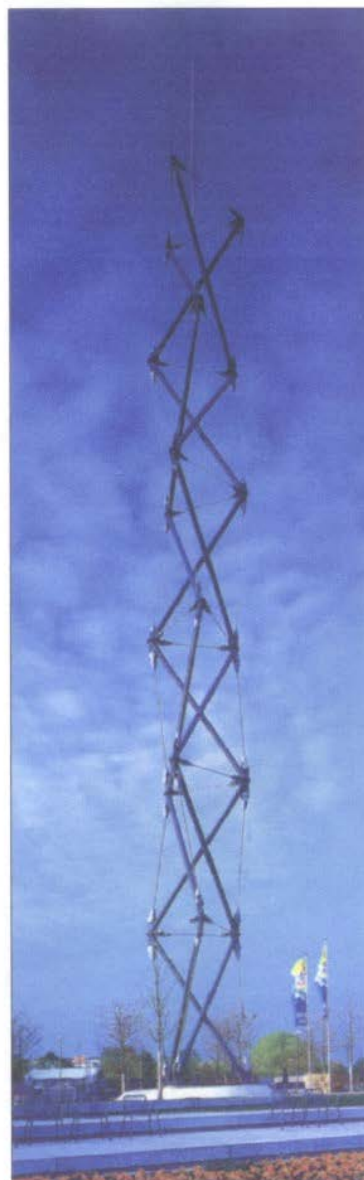
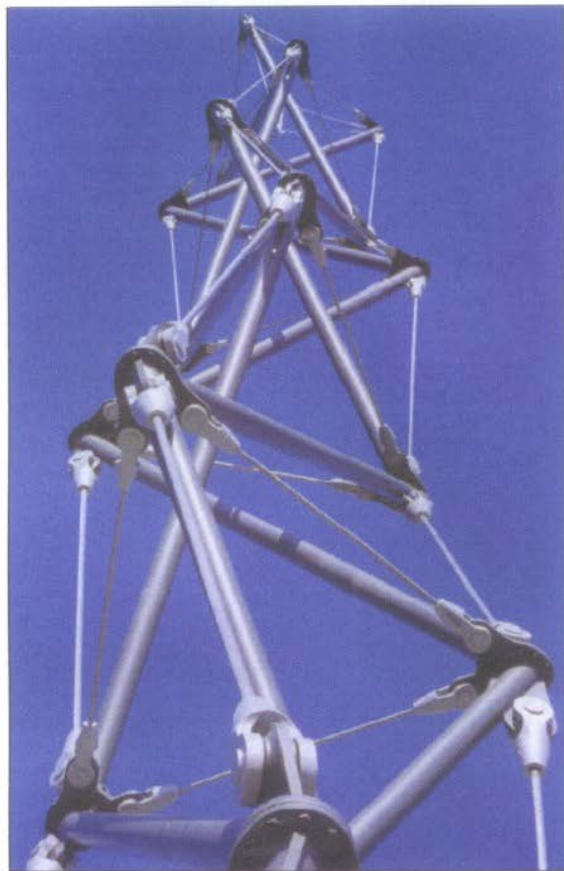
Aeroporto de Denver (1995)
Curtis Worth Fentress
James H. Bradburn





APLICACIONES

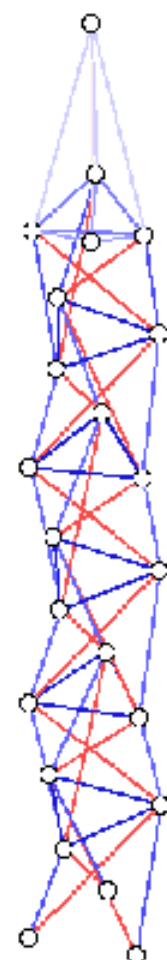




Tower of Rostock (1994)
Jörg Schlaich
Responsable dos cálculos:
Arturo Ruiz de Villa

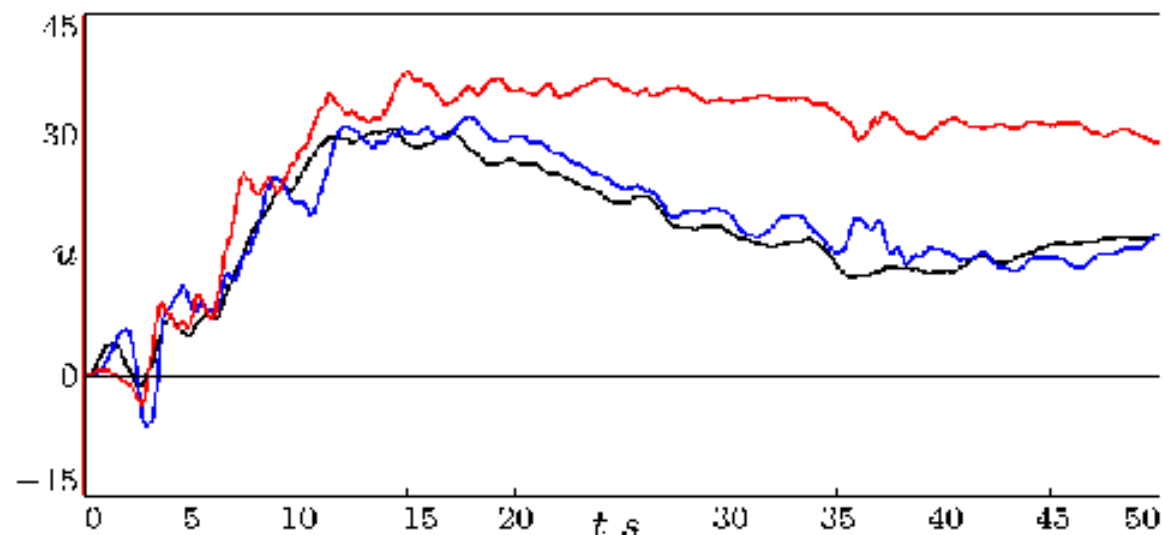
Tensegrity-Turm

.00 s

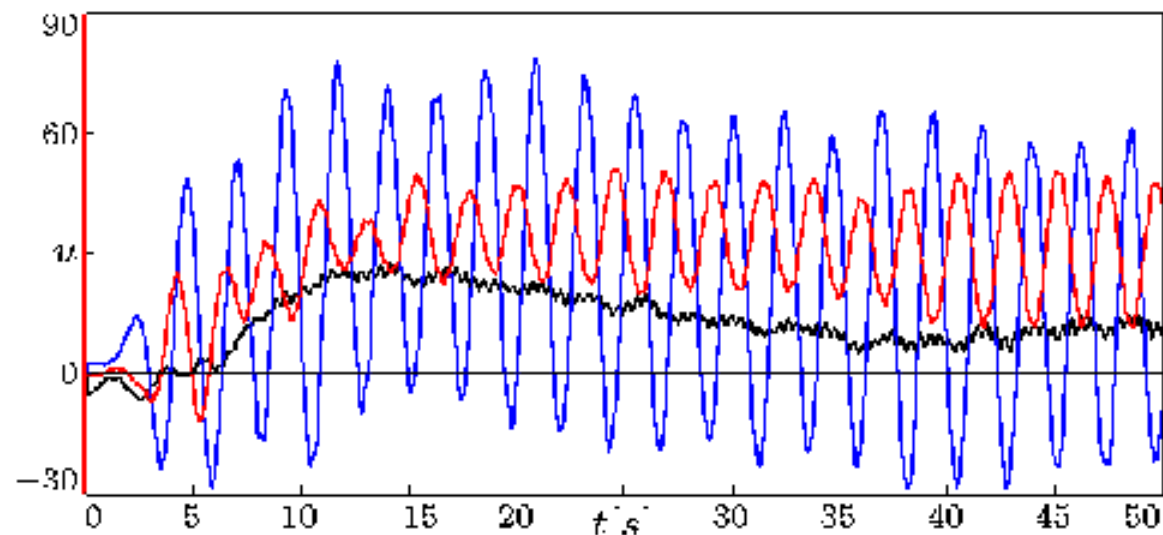


2.0 Druck S_{11} [kPa] Zug 8.0

seismisch induzierte Fußpunktverschiebungen u_1 , u_2 , u_3 [cm]



Kopfpunktverschiebungen u_1 , u_2 , u_3 [cm]

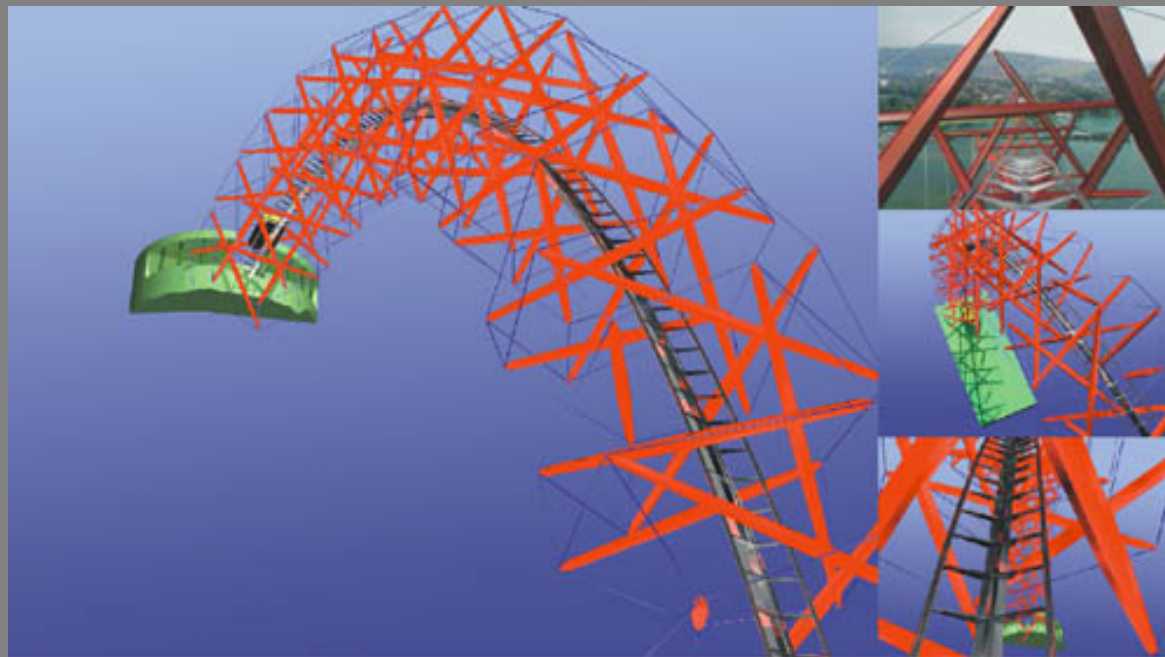
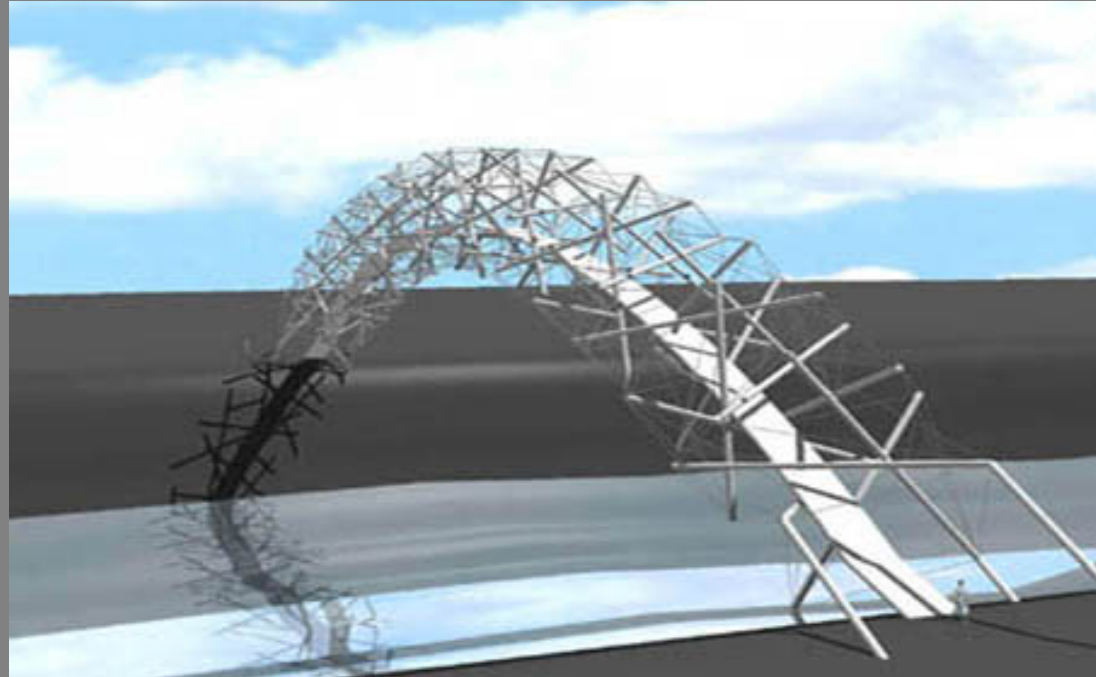




Tensegrity Brücke (2004)

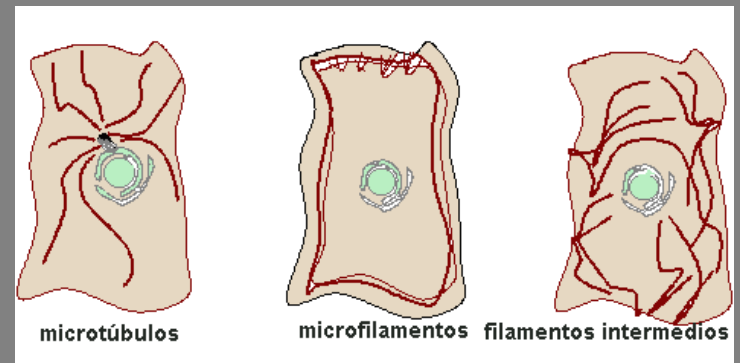
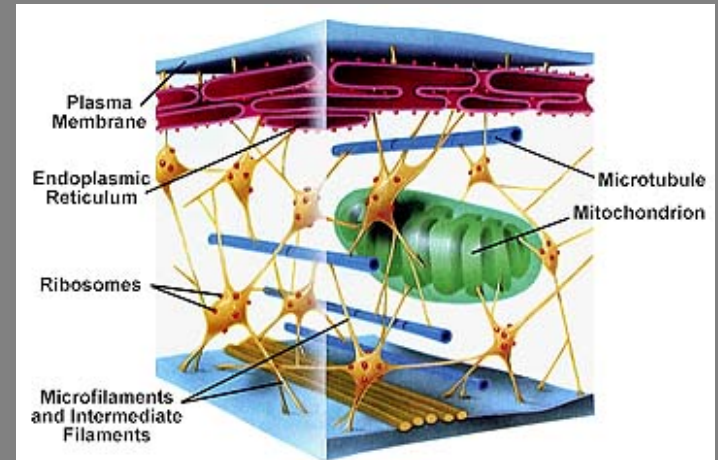
Axel Linde

Manuel Loesaus



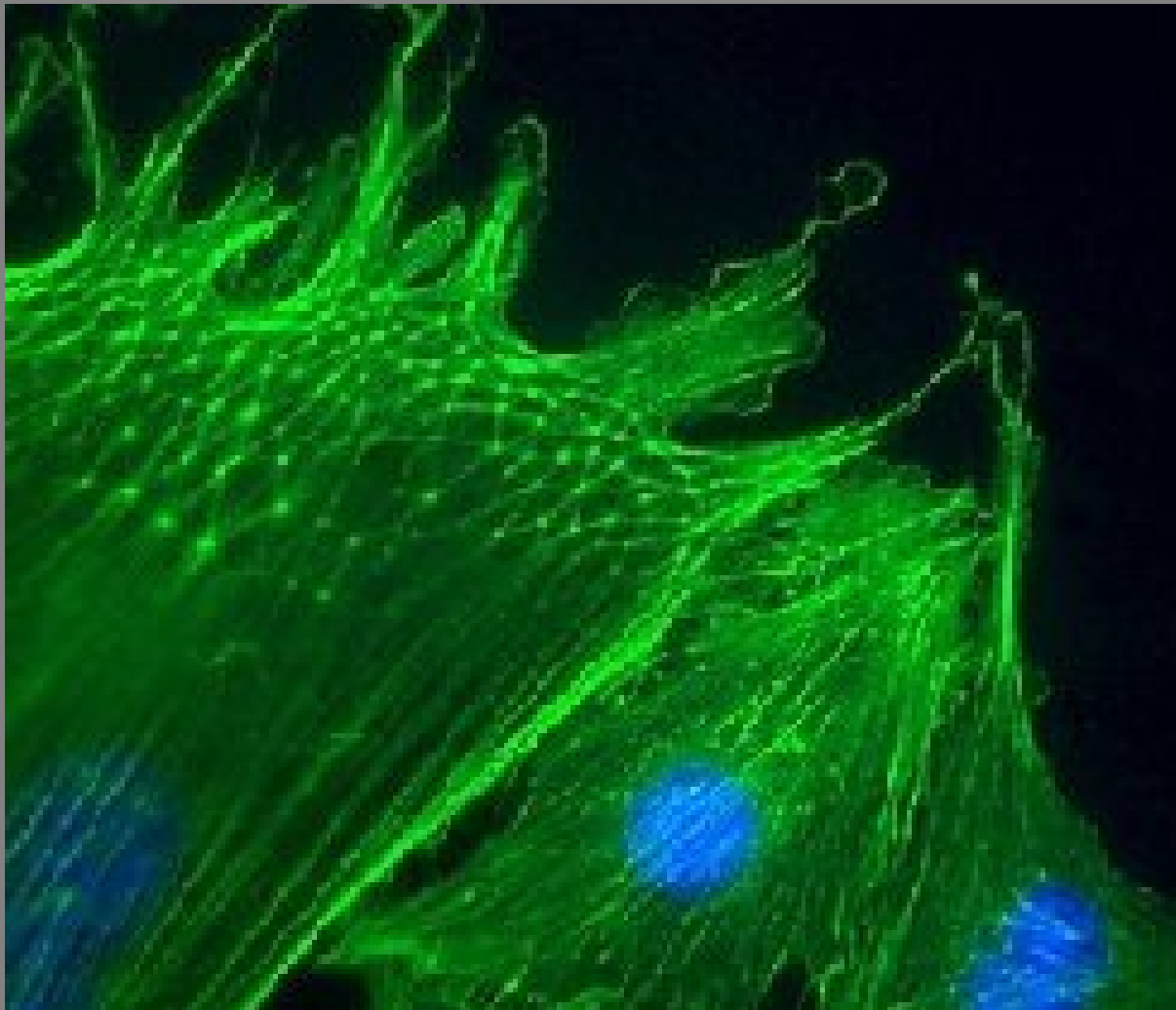


Citoesqueletes



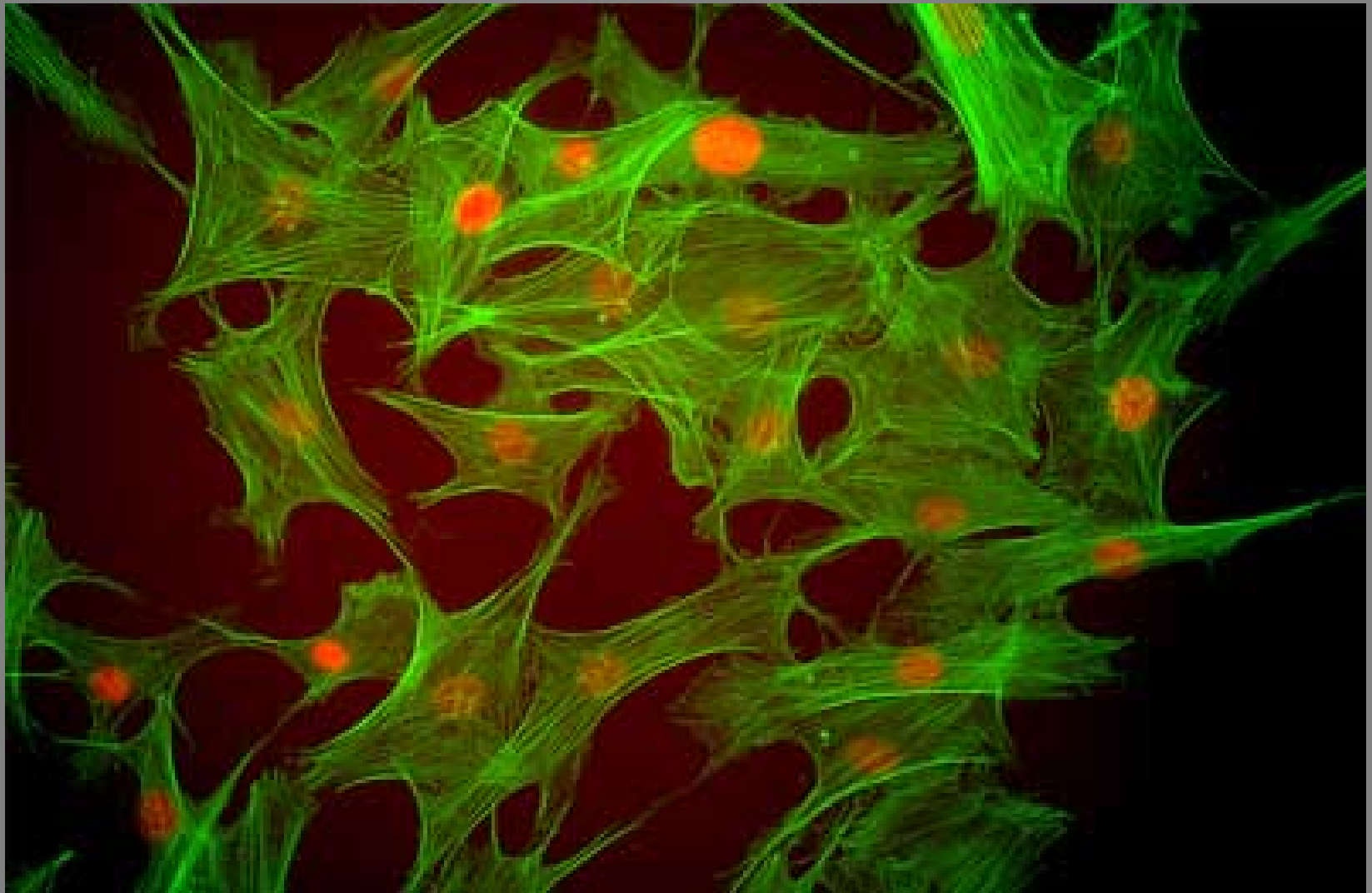


Citoesqueletos



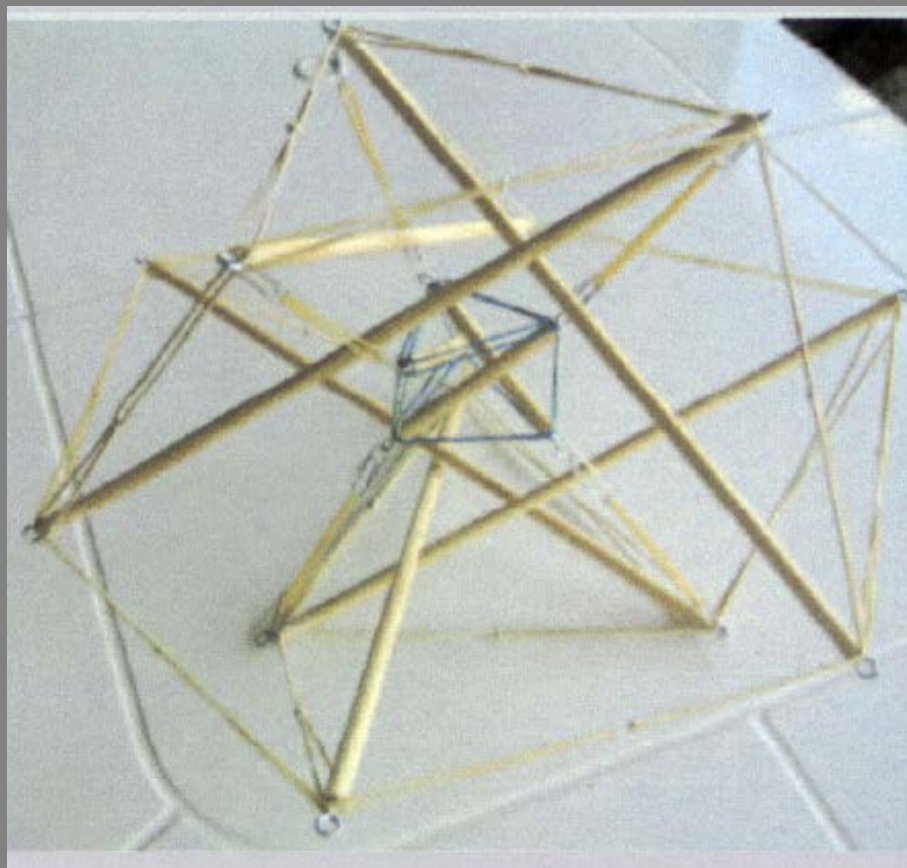
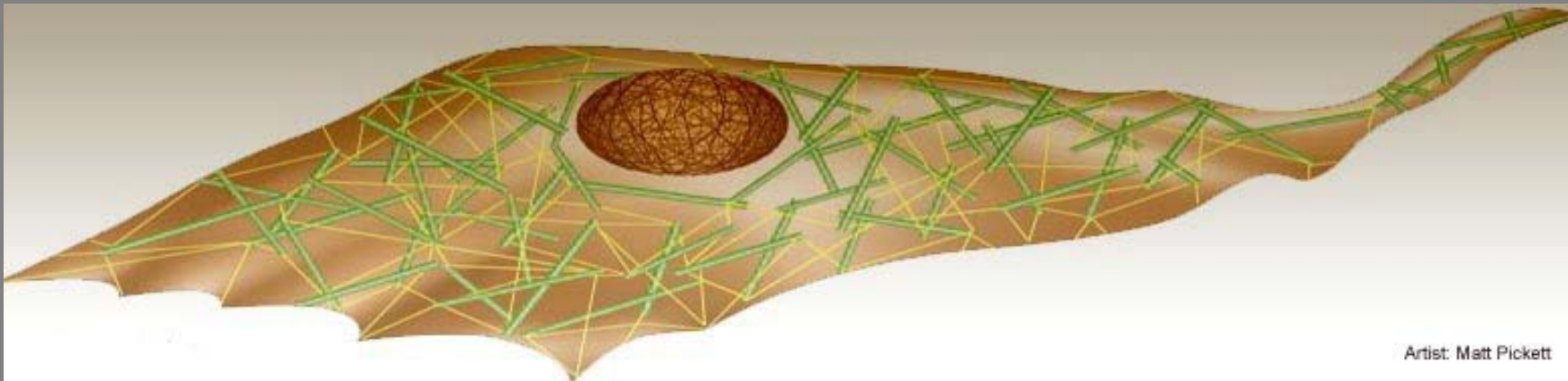
Donald Ingber
Bostón.

Microfilamentos

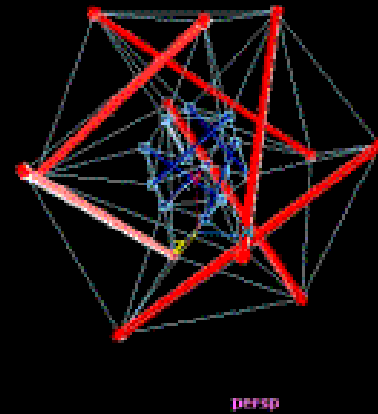
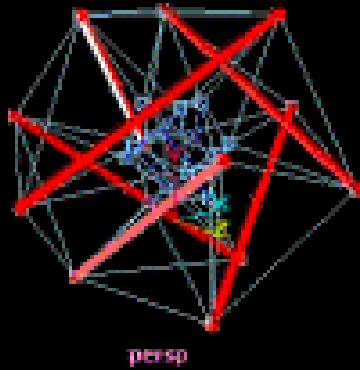
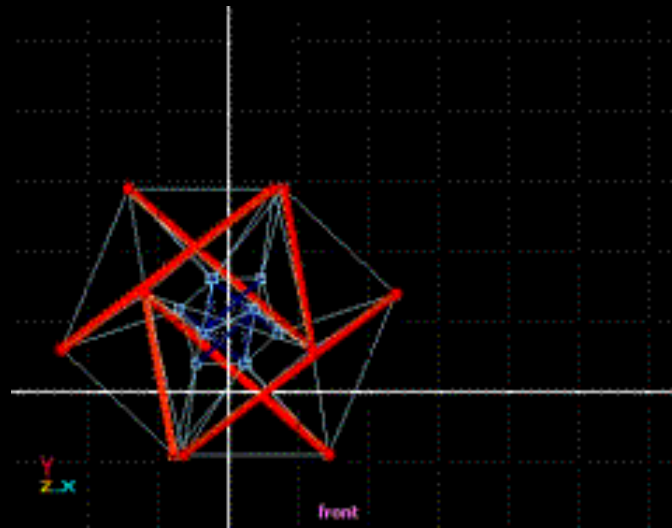


Microfilamentos tensados

Tom Polte e Don Ingber



Miguel de Gumán

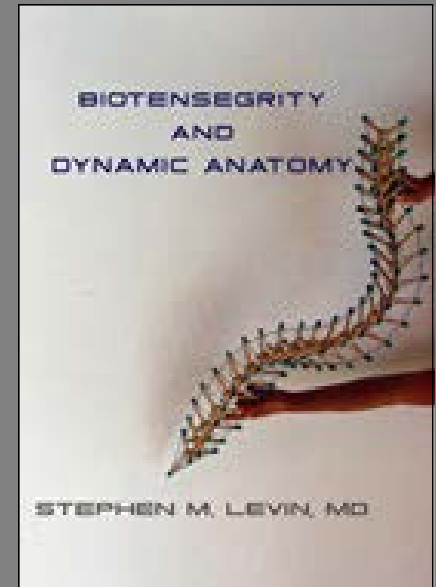
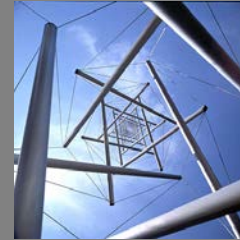


Eddy Y. Xuan

Biomedical Communications
University of Toronto, Canada



Biotensegridade

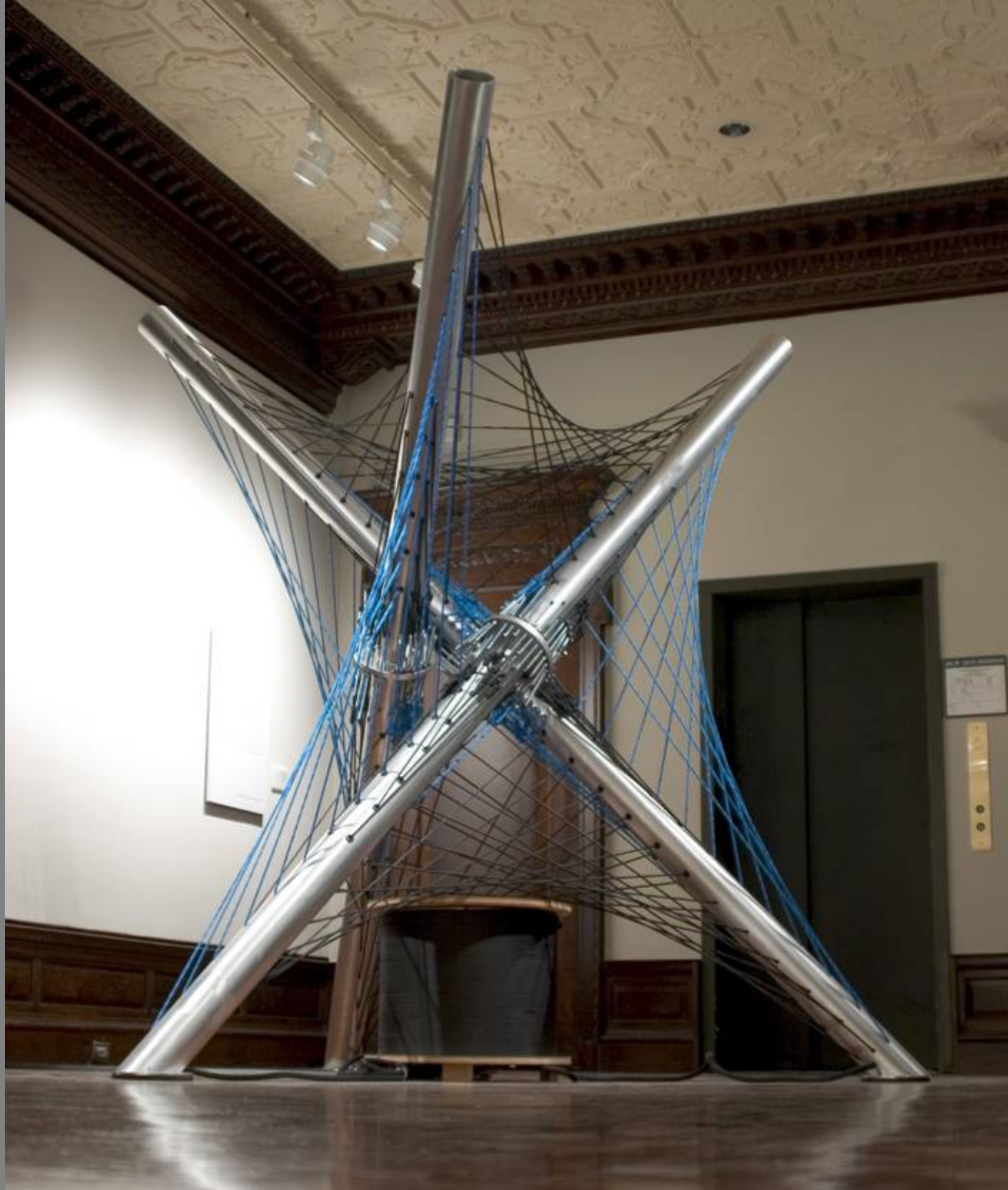


Stephen M. Levin

Tensegrity Leg_foot_(360p).flv

Tensegrity Torso_(360p) .flv

Tensegrity Arm_(360p) .flv



"Rope and Sound" (2005)

The Smithsonian's Cooper-Hewitt National
Design Museum
New York





Suspend Coffee
List price is \$1475

koenig associates
contemporary furniture



Skwish

The smooth-textured Skwish Classic fascinates babies with its web of brightly colored rods, beads, and balls.

Dimensions: 6"

Age: 0-12 months

\$15.00



CONTENEDOR
Errose Landa



Paz e ventura no 2005



I.E.S. MUGARDOS





*ensinanza e
aprendizaxe
das
matemáticas
a tódolos niveis*

Todavía pouco exploradas



Cristobal Budiño
3º ESO



Tania e Lucía
3º ESO





Yaiza
3º ESO



Obradoiro en Albacete



Obradoiro para profesores en Lugo



APLICACIONES

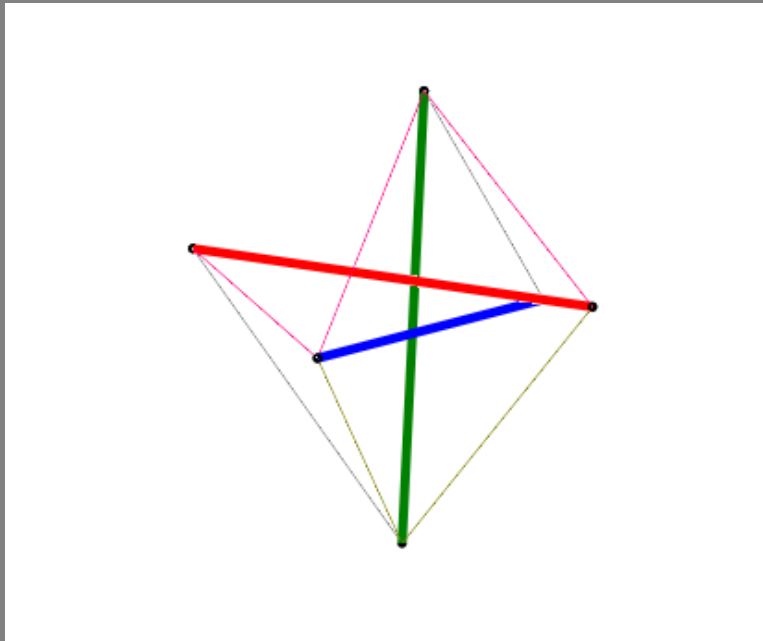




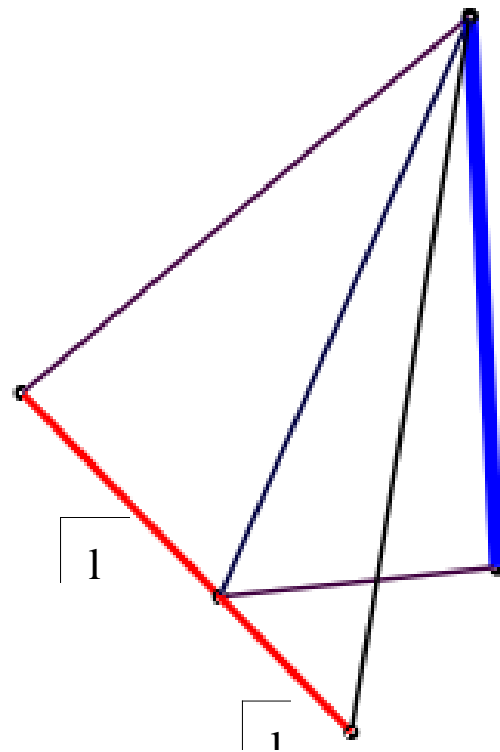
2. Unha proposta para o estudio xeométrico da tensegridade

UNHA TENSEGRIDADE SIMPLE: A TENSEGRIDADE CANÓNICA

É formada por tres barras da mesma lonxitude, l , perpendiculares entre si e situadas cada unha a unha mesma distancia, d , das demais



$(B1x, B1y, B1z), (B2x, B2y, B2z), (B3x, B3y, B3z), (L1x, L1y, L1z), (L2x, L2y, L2z), (L3x, L3y, L3z)$



$(R_{2x}, R_{2y}, R_{2z}), (R_{3x}, R_{3y}, R_{3z}), (R_{4x}, R_{4y}, R_{4z}), (R_{1x}, R_{1y}, R_{1z}), (R_{5x}, R_{5y}, R_{5z}), (R_{6x}, R_{6y}, R_{6z})$



$$\left[x(1, d) := \sqrt{\left(\frac{1}{2} - \frac{d}{2}\right)^2 + d^2 + \left(\frac{1}{2} + \frac{d}{2}\right)^2} \right]$$

$$x(1, d) := \sqrt{\frac{l^2 + 3 \cdot d^2}{2}}$$

de forma análoga:

$$x'(1, d) := \sqrt{\left(\frac{1}{2} - \frac{d}{2}\right)^2 + d^2 + \left(\frac{1}{2} - \frac{d}{2}\right)^2}$$

$$x'(1, d) := \sqrt{\frac{l^2 + 3 \cdot d^2 - 2l \cdot d}{2}}$$

La longitud total de los tendones será :

$$L(1, d) := 6x + 3x'$$

$$L(1, d) := 6 \cdot \sqrt{\frac{l^2 + 3 \cdot d^2}{2}} + 3 \cdot \sqrt{\frac{l^2 + 3 \cdot d^2 - 2l \cdot d}{2}}$$

Así si $l := 20$ y $d := 4$ se tiene

$$x(1, d) = 14.97$$

$$x'(1, d) = 12$$

$$L(1, d) = 125.8$$

O si $l := 12$ y $d := 3$ entonces

$$x(1, d) = 9.25$$

$$x'(1, d) = 7.036$$

$$L(1, d) = 76.587$$



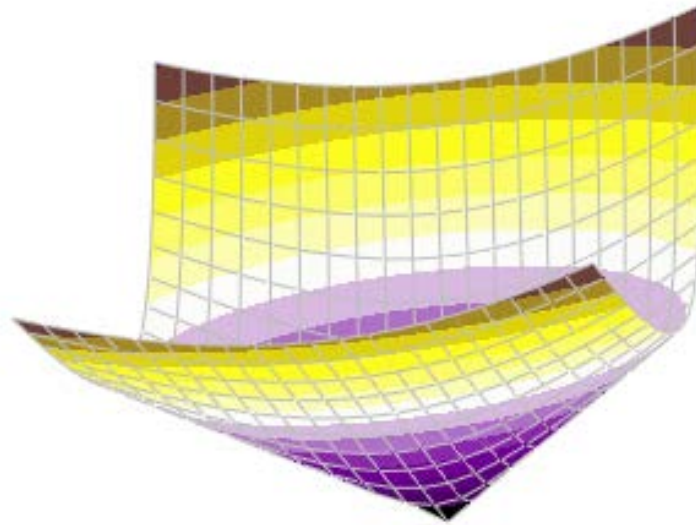
Ecuación de la tensegridad canónica

A partir de (i): $x(l, d) := \sqrt{\frac{l^2 + 3 \cdot d^2}{2}}$ podemos escribir:

$$x := x(l, d)$$

$$l^2 + 3 \cdot d^2 - 2 \cdot x^2 = 0$$

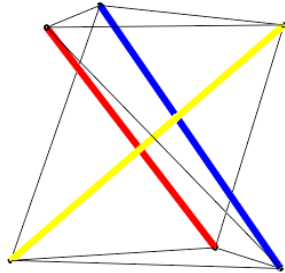
que será la ecuación de la tensegridad canónica



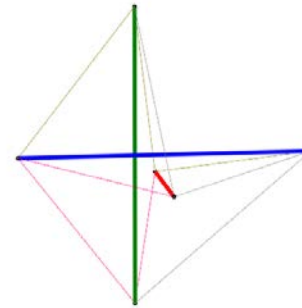
Θ, Θ

un problema

TENSEGRIDADE SIMPLE



TENSEGRIDADE CANÓNICA



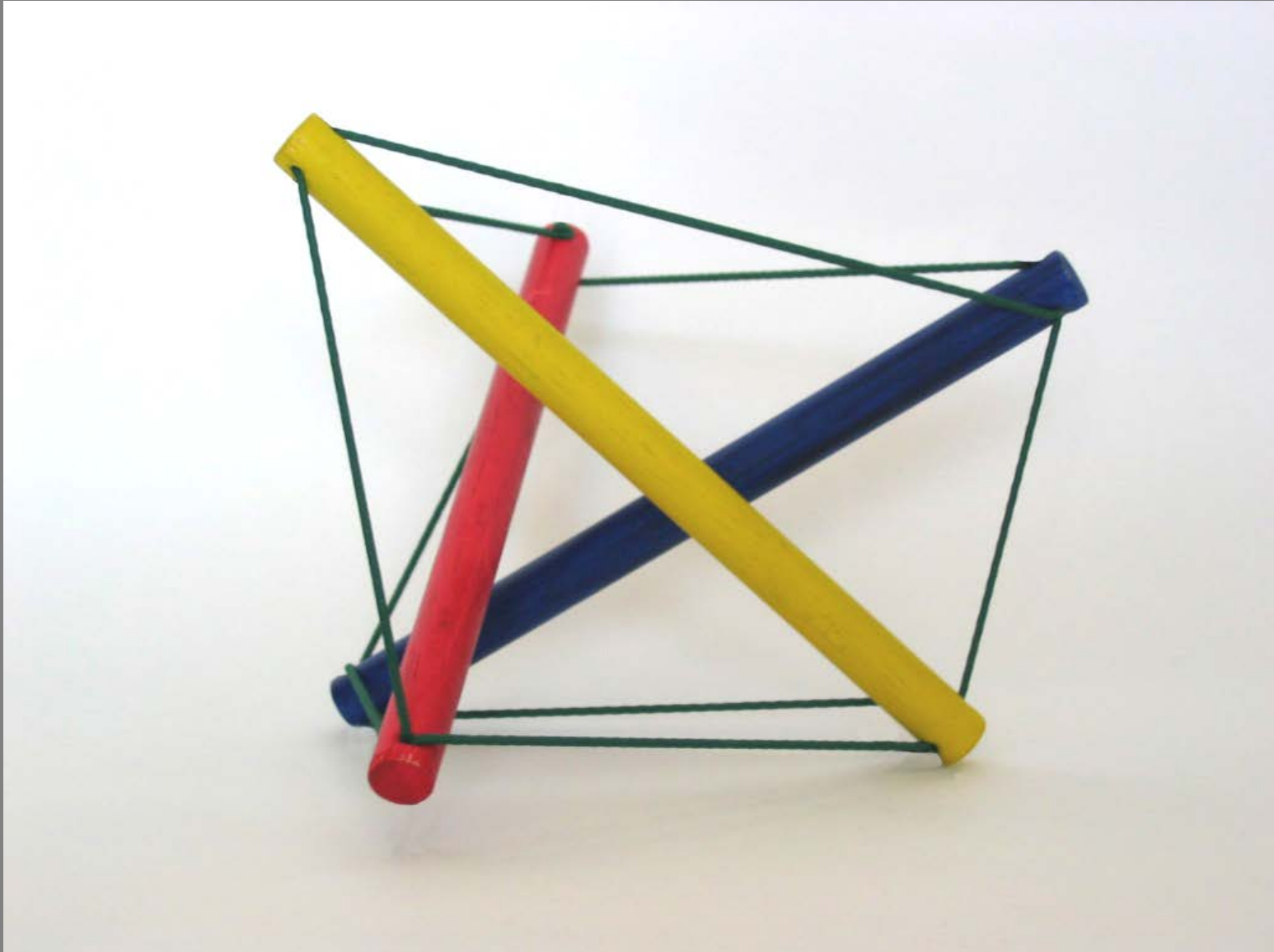
DADA UNHA TENSEGRIDADE SIMPLE CUALQUERA, SE A LONXITUDE TOTAL DOS SEUS TENDÓNS É L , ¿EXISTE SEMPRE UNHA TENSEGRIDADE CANÓNICA QUE TEÑA ESA MISMA LONXITUDE DE TENDÓNS?

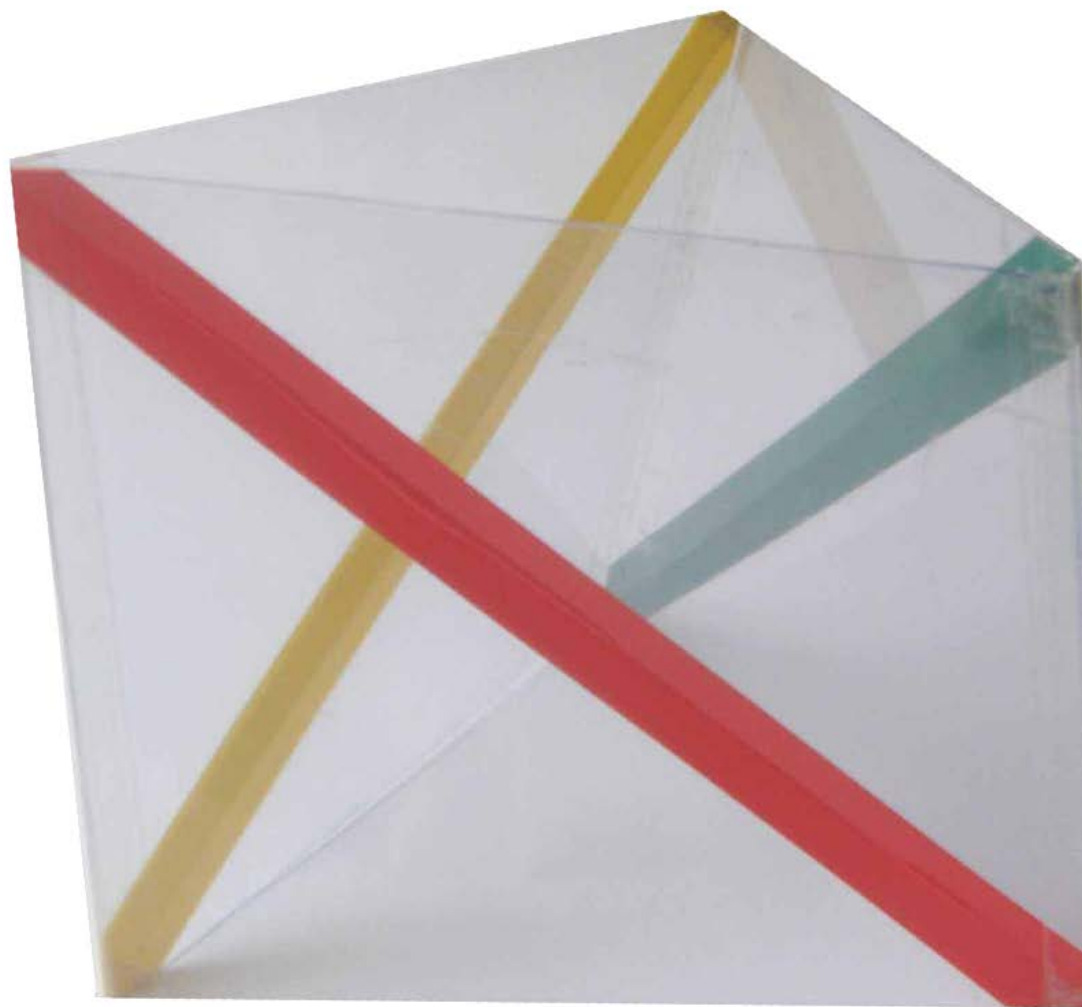
$$L = 6 \cdot \sqrt{\frac{l^2 + 3 \cdot d^2}{2}} + 3 \cdot \sqrt{\frac{l^2 + 3 \cdot d^2 - 2 \cdot l \cdot d}{2}}$$

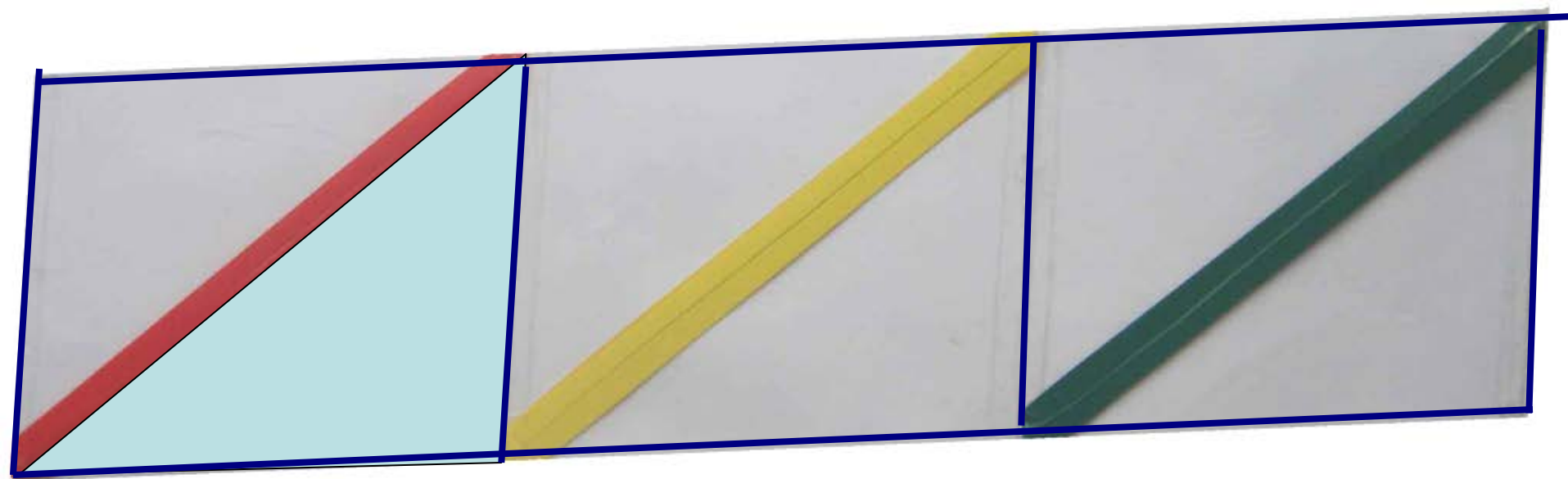
Trátase de expresar d en función de L e l

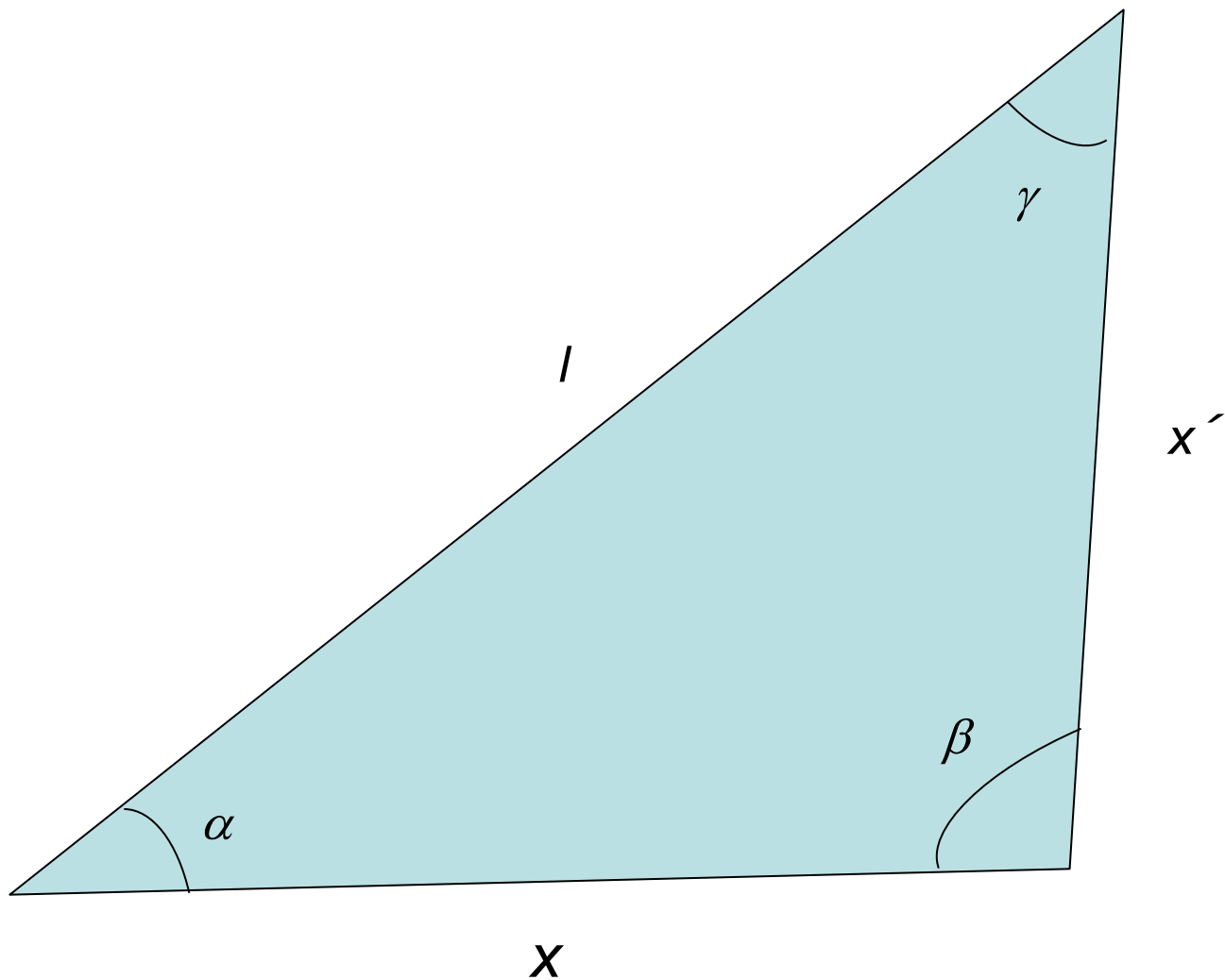


Outros resultados







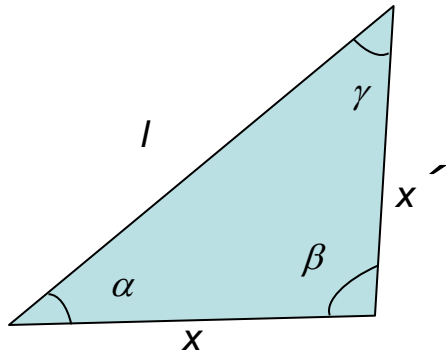


Novas consideracións sobre o problema

Tendo en conta que $\gamma = \pi - (\alpha + \beta)$

aplicando o teorema do seno:

$$x = \frac{l \cdot \operatorname{sen}(\alpha + \beta)}{\operatorname{sen} \beta} \quad x' = \frac{l \cdot \operatorname{sen} \alpha}{\operatorname{sen} \beta} \quad (*)$$



Nunha tensegridade canónica suponse que

$$l^2 + 3d^2 - 2x^2 = 0 \Rightarrow d^2 = \frac{2x^2 - l^2}{3}$$

Sustituindo x

$$d = \frac{l}{\sqrt{3}} \cdot \sqrt{\left(\frac{2 \operatorname{sen}^2(\alpha + \beta)}{\operatorname{sen}^2 \beta} \right) - 1} \quad (**)$$

Nesta expresión pódese observar que partindo dos datos dun triángulo podemos obter a medida que dá a tridimensionalidade a unha tensegridade canónica, é dicir, a distancia entre cada dúas barras.



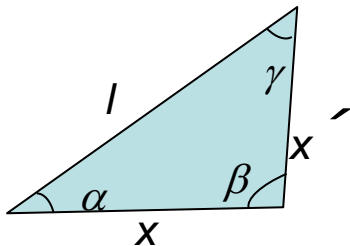
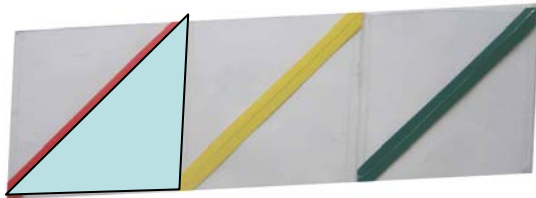
Retornando ao problema proposto:

Dada unha tensegridade simple calquera, se a lonxitude total dos seus tendóns é 1, ¿existe sempre unha tensegridade canónica que teña esa mesma lonxitude de tendóns?

Utilizando resultados anteriores o problema pode transformarse neste:

Dada unha tensegridade simple calquera na que $L = 6x + 3x'$ con x e x' cumprindo as relacións (*), hai que ver se existe d tal que $l^2 + 3d^2 - 2x^2 = 0$.

Para iso o radicando de (**) debe ser positivo $\left(\frac{\sqrt{2} \cdot \sin(\alpha + \beta)}{\sin \beta} \right)^2 - 1 > 0$



Como $\alpha + \beta < \pi$ isto equivale a que $\left(\frac{\sqrt{2} \cdot \sin(\alpha + \beta)}{\sin \beta} \right) > 1$

ou sexa $\frac{\sin(\alpha + \beta)}{\sin \beta} > \frac{1}{\sqrt{2}} \Rightarrow \sin \alpha \cdot \cos \beta + \cos \alpha \cdot \sin \beta > \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot \sin \beta$

dividindo por $\sin \beta$ que é distinto de 0:

$\sin \alpha \cdot \operatorname{ctg} \beta + \cos \alpha > \frac{1}{\sqrt{2}} \Rightarrow \operatorname{ctg} \beta > \frac{1 - \sqrt{2} \cdot \cos \alpha}{\sqrt{2} \cdot \sin \alpha}$ polo tanto

$$\operatorname{tg} \beta < \frac{\sqrt{2} \cdot \sin \alpha}{1 - \sqrt{2} \cdot \cos \alpha}$$

que da a condición para que unha tensegridade simple poda converterse nunha canónica en función dos elementos do triángulo que define cada tensegridade.

Miguel de Guzmán, Tensegridad. De la escultura a la célula, Ars Medica. Revista de Humanidades 2002; 2, 166-176

www.kennethsnelson.net

Valentín Gómez Jáuregui. *Tensegrity structures and their application to architecture*. Submitted to the School of Architecture, Queen's University, Belfast

Anthony Pugh. *An introduction to tensegrity*. University of California Press, Berkeley, CA, USA, 1976.

René Motro, *Tensegrity. Structural Systems for the Future* (Kogan Page Science, London, 2003)

La Web [Imágenes](#) [Grupos](#) [Directorio](#) [Noticias](#) [más »](#)

tensegridad

Búsqueda

[Búsqueda Avanzada](#)
[Preferencias](#)Búsqueda: ☒ la Web ☐ páginas en español ☐ páginas de España

La Web

Resultados 1 - 10 de aproximadamente 15.700 de tensegridad. (0,28 segundos)

Tensegridad - Principal

Aquí hay información sobre la práctica de la Tensegridad de Carlos Castaneda.

www.fortunecity.com/olympia/wade/237/index.htm - 26k - [En caché](#) - [Páginas similares](#)

Tensegridad - Mapa del web

Tensegridad - Series - Pomona99 - Areas de misterio del cuerpo izquierdo ...

tensegridad - ... dientes de sable ...

www.fortunecity.com/olympia/wade/237/index.htm - 26k - [En caché](#) - [Páginas similares](#)

[En caché](#) - [Páginas similares](#)

Verde Claro Tensegridad Carlos Castaneda

La Tensegridad es la versión de los cientos llamados pases mágicos desarrollados por chamanes indios que vivieron en los tiempos

www.verDECLARO.net/tensegridad.shtml - 16k - [En caché](#) - [Páginas similares](#)

Verde Claro Tensegridad Carlos Castaneda

Patrocina y organiza las áreas de la Tensegridad de Carlos Castaneda y es una compañía editorial. México, D.F.

www.verDECLARO.net/index.shtml - 18k - [En caché](#) - [Páginas similares](#)

Active Blue - Practicantes de Tensegridad

Página para practicar los pases mágicos de Carlos Castaneda.

Grupos de práctica, seminarios.

activeblue.norov.com/ - 6k - [En caché](#) - [Páginas similares](#)

tensegridad

para ir trabajando juntos en el tema de la tensegridad. ... Miguel de Guzmán,

Tensegridad. De la escultura a la célula, Ars Medica. ...

usuarios.bitmailer.com/mddeguzman/tensegridad/ - 5k - [En caché](#) - [Páginas similares](#)

seminario30oct03

La tensegridad nació en la escultura de K. Snelson, 1949 ... Pero las estructuras de tensegridad tradicionales la satisfacen. ...

usuarios.bitmailer.com/mddeguzman/tensegridad/

mddeguzmangeomtenseg2004/seminario021203.html - 56k -

[En caché](#) - [Páginas similares](#)

Figuras frente al Espejo

OYEME CACHITA

Serie de movimientos de pases mágicos de todas las series , combinados en una serie larga , que se ejecutan acompañados con la canción "oyeme cachita" del autor Rafael Hernández. Este baile es considerado como "teatro del infinito".



Enseñado en el seminario de tensegridad de la ciudad de México de octubre de 1999.

Esta serie se efectúa mientras nos encontramos parados.

Primer Grupo

1 .- Ofreciendo el acto al Infinito .

-----Sin movimiento de pies-----

Empieza uno con el cuerpo erguido , los pies separados aproximadamente 40 centímetros. Los brazos que al inicio , se encuentran en caída natural a su costado respectivo , se empiezan a elevar hacia el frente , describiendo medio círculo al frente mientras se elevan y terminan en lo alto , al mismo tiempo que la cara se eleva para mirar al cielo .

Después de un pequeño momento con los brazos en alto y la cara mirando también lo alto , se bajan al mismo tiempo ambos brazos mientras uno empieza a inclinar el tronco del cuerpo hacia delante y luego hacia abajo , terminando la coronilla de nuestra cabeza apuntando al frente , hasta que ambas manos acaban su viaje en el hueco interno que queda entre nuestras rodillas , con las palmas de las manos mirándose mutuamente , pero sin tocarse.

El tiempo , para esta primer serie de movimientos sería el de llevar una cuenta de 2 segundos aproximadamente. (un segundo arriba , un segundo abajo).

2 .- Brazos en forma de Espantapájaros.